

## Integrály

### Integrál – opak derivace (antiderivace)

- Neurčitý  $\int f(x)dx = F(x) + c$  výsledkem je primitivní funkce  $F(x)$  + konstanta  $C$

pokud by se zderivovalo zpět, vyšla by opět zadaná funkce

- Určitý  $-\int_a^b f(x)dx = [F(x)]_a^b = F(b) - F(a) = \text{číslo}$

výsledkem je hodnota – používá se pro výpočet plochy obrazců, objemu rotačních těles, délky křivky apod.

### Základní metody integrace

#### pro neurčitý integrál

- Přímá metoda – pro součet a rozdíl základních funkcí, dle vzorců

$$\int f(x) \pm g(x)dx = \int f(x)dx \pm \int g(x)dx$$

- Metoda per partes – pro součin základních funkcí  $\int u' \cdot v = u \cdot v - \int u \cdot v'$

- Metoda substituce – pro složené funkce

$$\int f(g(x)) \cdot g'(x)dx = \left| \begin{array}{l} g(x) = t \\ g'(x)dx = dt \end{array} \right| = \int f(t)dt = \dots = F(t) = F(g(x)) + C$$

#### pro určitý integrál

používají se jako u neurčitých, ale následně se dosazují meze integrálu pro výpočet konkrétního číselného výsledku.

- Přímá metoda – pro součet a rozdíl základních funkcí, dle vzorců

$$\int_a^b f(x) \pm g(x)dx = [F(x) \pm G(x)]_a^b = [F(b) \pm G(b)] - [F(a) \pm G(a)]$$

- Metoda per partes – pro součin základních funkcí  $\int_a^b u' \cdot v = [u \cdot v]_a^b - \int_a^b u \cdot v'$

- Metoda substituce – pro složené funkce

$$\int_a^b f(g(x)) \cdot g'(x)dx = \left| \begin{array}{l} g(x) = t \quad a \rightarrow g(a) \\ g'(x) = dt \quad b \rightarrow g(b) \end{array} \right| = \int_{g(a)}^{g(b)} f(t)dt = [F(t)]_{g(a)}^{g(b)} = F(g(b)) - F(g(a))$$

**Výpočet obsahu plochy** ohraničené funkcí  $f(x)$  a osou „x“ na intervalu  $\langle a; b \rangle$  pokud je  $f(x) \geq 0$  na

$$S = \int_a^b f(x)dx$$

tomto intervalu

**Výpočet obsahu plochy** ohraničené funkcemi  $f(x)$  a  $g(x)$  na intervalu  $\langle a; b \rangle$  pokud je  $f(x) \geq g(x)$  na

$$S = \int_a^b f(x) - g(x)dx$$

tomto intervalu